

# Eq. di stato dei gas perfetti $pV = nRT$ (10)

gas \* fluido deformabile e compressibile  
\* non ha volume proprio

→ condizioni di equilibrio  $\longleftrightarrow$  recipiente chiuso con un pistone mobile

→ variabili di stato per specie chimica definita e gas perfetto:

$(p, V) = T$  → Equil. termico

→ Equil. meccanico  
 $T(K) = [t(^{\circ}C) + 273,15^{\circ}C] K/^{\circ}C$

→ Proprietà di gas "reali" ( $p$  piccola o  $T$  elevata) simili come viste per il termometro a gas perfetto -

2) SPECULAZIONE MICROSCOPICA (MODELLO A GAS PERFETTO) - mutua interazione ~~scoperta~~ tra molecole trascurabile quando distanze interatomiche grandi

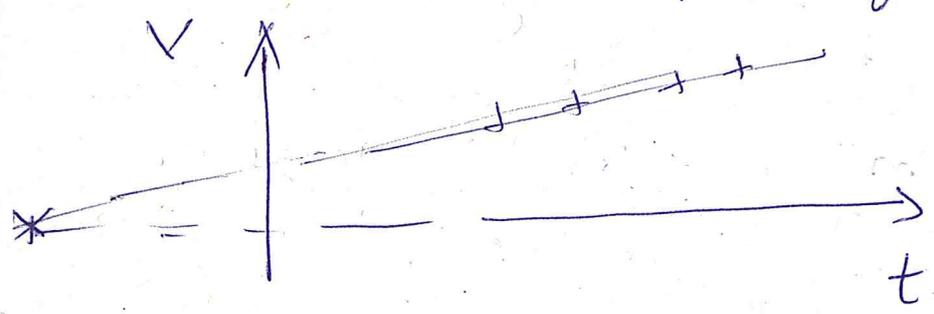
→ Quanto gas è perfetto le molecole non si "sentono" e la specie chimico-fisica del gas diventa invariante. Tutti i gas <sup>conservano</sup> si comportano alla stessa maniera

\* Prima della speculazione (modellizzazione) (11)  
 evidente sperimentale —

1) leggi di Gay-Lussac

isobare  $V = V_0 (1 + \alpha t)$   
isocori  $p = p_0 (1 + \beta t)$

$t$  in  $^{\circ}C$



( $p$  o  $V$  costanti  
 poiché gas  
 non ha peso  
 né volume propri)

$V=0$  oppure  $p=0$  per  $t = -273,15^{\circ}C$

Esiste una temp. minima al di sotto della  
 quale il vol. (prop.) del gas sarebbe  
 negativa  $\rightarrow$  inconcepibile  $\Rightarrow$  concetto di  
 zero assoluto

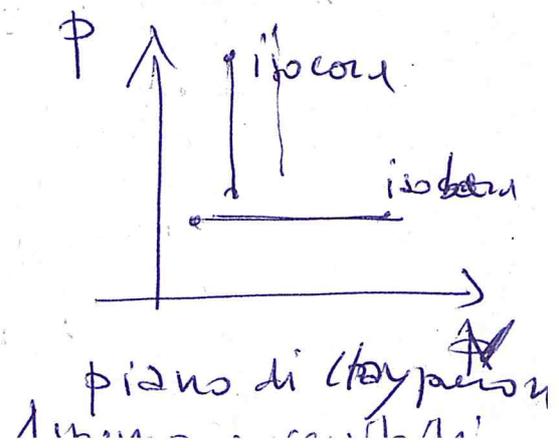
\* Ottenendo la scala Kelvin:

(PER VIA SPERIM.  
 E' INVALIDATO)

$T = (t + 273,15)^{\circ}K$

Le leggi di Gay-Lussac sono:

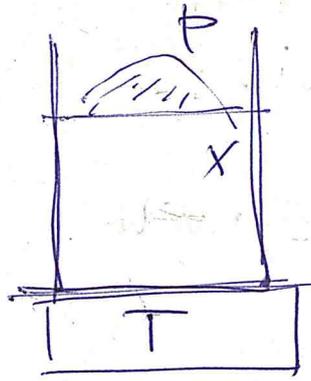
$V \propto T$   $p = \text{cost}$   
 $p \propto \frac{1}{V}$   $V = \text{cost}$



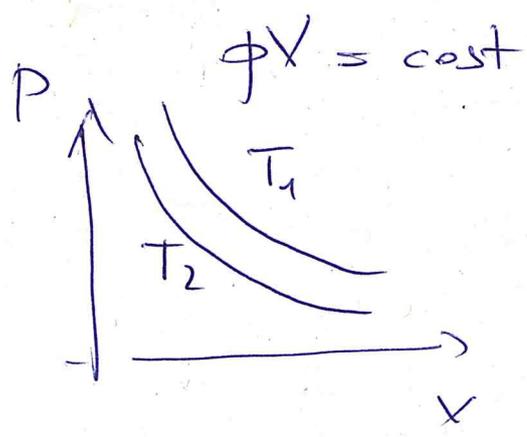
Legge di Boyle

trasformazioni  
isotermiche reversibili  
(attraverso stati di equilibrio)

$P_{in} = P_{ext}$



parte di sistema

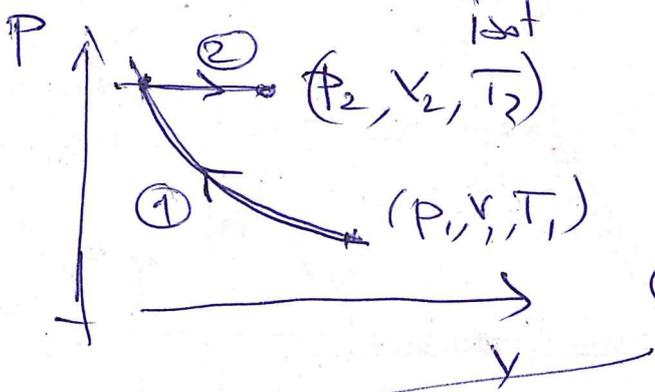


per  $T = \text{cost}$

ipotesi equitativa nel primo di Clapron

o Combinazione Trasf. ISOTERMA & ISOBARICA

$(P_1, V_1, T_1) \xrightarrow{\text{isot}} (P_2, V_1, T_1) \xrightarrow{\text{isob.}} (P_2, V_2, T_2)$



①  $P_1 V_1 = P_2 V_1$  Boyle

②  $V_1/T_1 = V_2/T_2$  Gay-Lussac

$\Delta \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2}$

~~quinto intermedio~~  
~~arbitrario, rete term~~

Perché per i punti sono arbitrari

$\frac{PV}{T} = \text{cost}$

# Legge di AVOGADRO

Per  $p$  e  $T$  cost. il volume occupato dipende dalla quantità di materia, ad esempio:  $V \propto n$

$$V \propto n$$

Dall'osservazione dell'esistenza di proporzioni definite e rapporti semplici tra i volumi di reagenti diversi, Avogadro dedusse che la cost. di proporzionalità è universale se la quantità di materia è espressa in  $n^\circ$  di molecole (o di moli)

Nel SI, anziché il  $n^\circ$  di molecole si usa la mole come unità di misura della quantità di sostanza.

Def. di mole: Sta' di sostanza che contiene lo stesso  $n^\circ$  di molecole di 12 g di  $^{12}\text{C}$ .  
UNITA' DI MISURA mol

→ Per definizione una mole di <sup>qualsunque</sup> sostanza contiene lo stesso numero di molecole indipendentemente dalla sostanza

→ La mole corrisponde ad  $A$  grammi di una sostanza di massa molecolare  $A$

Le masse molecolari sono misurate in UNITA' DI MASSA ATOMICA:

$$1 \text{ uma} = \frac{1}{12} m(^{12}\text{C}) = 1,66 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

Relazione tra massa di sostanza e massa molecolare:

$$(*) \quad M = A N \quad N = n^\circ \text{ di molecole}$$

Per 1 mole di  $^{12}\text{C}$

$$12 \text{ g/mol} = 12 \text{ uma} \cdot 1.66 \times 10^{-24} \frac{\text{g}}{\text{uma}} \cdot N_A$$

$$\Rightarrow N_A = \frac{1}{1.66 \times 10^{-24}} \text{ mol}^{-1} = \underline{6.02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}}$$

N° di Avogadro

La relazione (\*) vale per tutte le sostanze: 1 mol della sostanza di  $A$  uma contiene  $N_A$  molecole e ha massa  $A$  grammi —

— Dunque, con l'introduzione delle mole,

$$V \propto n \quad \text{per } p, T \text{ costanti}$$

Combinando tutte le relazioni:

$$pV = nRT$$

$$R = 8.315 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$$

costante univ. dei gas

Scrivendo per singola molecola:

$$pV = N \frac{R}{N_A} T = N k_B T$$

$$k_B = 1.38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K} \leftarrow \text{cost di Boltzmann}$$

Applicazioni imp

1) Volume occupato da 1 mole condizioni NTP (1 atm, 0 °C) —

$$V = \frac{nRT}{P} = \frac{8.315 \cdot 273.15 \text{ K}}{1.013 \times 10^5 \text{ Pa}} \text{ m}^3$$

$$\approx 22.4 \text{ l}$$

2) Densita' gas NTP —

$$N_2 \rightarrow \rho = \frac{14 \text{ g}}{22.4 \text{ l}} \approx 0.7 \text{ kg/m}^3$$

$\sim 10^3$  volte inferiore alla densita' del un liquido ( $H_2O = 10^3 \text{ kg/m}^3$ )

3) Comprimibilità  $\beta$  NPT (15)

$$pV = nRT$$

$$p = \frac{nRT}{V} \rightarrow \Delta p = \left( \frac{nRT}{V} \right) \frac{\Delta V}{V}$$

$$\beta = \beta_0 \approx 10^5 \text{ Pa}^{-1}$$

4) Liquidi incompressibili ( $\beta \approx 10^9 \text{ Pa}^{-1}$ ) poiché  
distanza interatomica  $D$  ~~grande~~, confrontabile  
a dimensioni atomiche.

Da 2) si può stimare la densità:

$$\rho_L = \frac{M}{D^3} \quad \text{densità liquido}$$

$$\rho_G = \frac{M}{d^3} \quad \text{densità gas, con } d = \text{distanza interatomica}$$

$$\text{Da cui } d \approx D \sqrt[3]{\frac{\rho_L}{\rho_G}} \approx 10 D$$

$\rightarrow$  distanze interatomiche  $\gg$  dimensioni atomiche  $\Rightarrow$  GAS PERFETTO

# Legge di Dalton

(16)

Miscela di gas  $n = n_1 + n_2 + n_3 \dots$

$$pV = (n_1 + n_2 + n_3 + \dots) RT$$

$$p = \sum_i n_i \frac{RT}{V} = \sum_i p_i$$

$$p_i \equiv n_i \frac{RT}{V} = \text{pressione parziale del gas (pressione che avrebbe se occupasse l'intero volume)}$$

→ nel campo di miscela contano le pressioni parziali (legge di diffusione)

→ frazione molare:  $\frac{n_i}{\sum_i n_i} = f_i \quad p_i = f_i p$

# APPLICAZIONI DEL 1° PRINCIPIO DELLA TERMODINAMICA

1

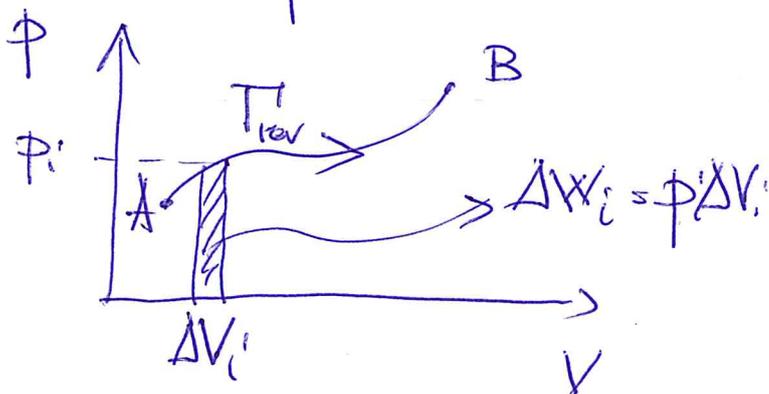
## A SISTEMI IDROSTATICI

x Descritti da  $p, V, T$  e eq. di stato  $f(p, V, T) = 0$   
→ due variabili indipendenti

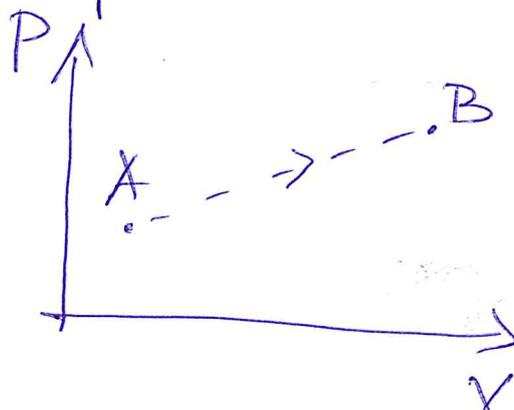
Es  $pV = nRT$  eq. stato gas perfetti

x Rappresentazione frequente delle trasformazioni termodinamiche nel piano  $(V, p)$ , "piano di Clapeyron";

Es: Espansione REVERSIBILE



Espansione IRREVERSIBILE



### Se REVERSIBILE

1.  $p$  e  $V$  sono definiti in ogni punto della trasformazione  
→ traiettoria rappresentabile nel piano

2. Si può calcolare il lavoro (area sottesa alla curva):

$$W_{AB} = \lim_{\Delta V_i \rightarrow 0} \sum_i p_i \Delta V_i = \int_{A, T_{rev}}^B p dV$$

Se IRREVERSIBILE,  $p$  e  $V$  non sono definiti lungo la trasformazione → linea retta che connette stati di equilibrio A e B

Note sul LAVORO

1) Per una trasformazione generica (rev. o inv.) il lavoro è misurabile tramite  $\int p_e dV$ , dove  $p_e$  è la pressione esterna al sistema (il sistema compie lavoro contro la forza esterna,  $F_e = p_e S$ , determinando uno spostamento  $ds = dV/S$ ).

x In una trasformazione reversibile, attraverso stati di quasi-equilibrio,  $p_i \approx p_e$  e possono essere identificati (in ogni istante si ha  $p_i = p_e + dp$ , e c'è espansione, ma con  $dp \rightarrow 0$ ). Dunque posso usare la relazione integrale (1) con  $p = p_i$ .

x In una trasformazione irreversibile, la relazione (1) non è utilizzabile.

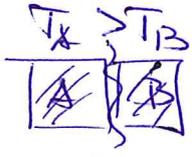
In molte situazioni  $p_e = \text{cost}$ , ad esempio nell'espansione di un gas in un cilindro con pistone, contro la  $p$  atmosferica e si può scrivere  $W = p_e(V_B - V_A)$ .

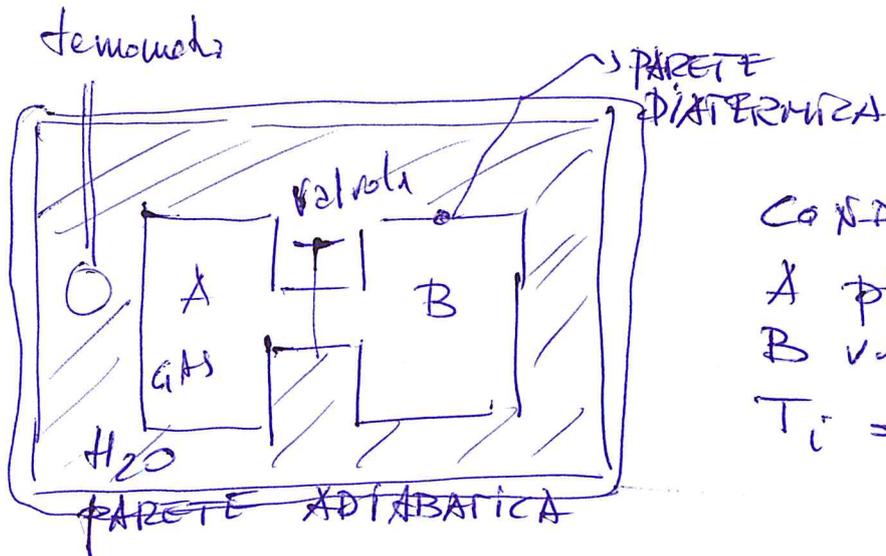
Attenzione: l'espressione per il calcolo del lavoro dipende dalla situazione e dal tipo di trasformazione.



En. Interni di un gas perfetto :  $U = U(T)$  (6)

Esperimento di Joule : ESPANSIONE LIBERA DI UN GAS

Sappiamo che  $T_A > T_B$   
  $\Rightarrow T_e$  con  $T_A > T_e > T_B$   
 equilibrio termico



COND INIZIALI :

A pieno  $V_A, P_A$

B vuoto

$T_i = T_{H_2O}$  equilibrio

→ Espansione libera aprendo il rubinetto

COND. FINALI (osservate sperimentalmente) :

$T_f \approx T_i$  per tutti i gas ideali

→ si ammette  $T_f = T_i$  gas perfetto

inoltre :  $V_f = V_A + V_B$  ,  $P_B < P_A$  (Eq. stato gas)

$W = 0$  (volume <sup>(sistema)</sup> invariato)

$Q = 0$  (temp invariata)

Conclusioni  $\Delta U = Q - W = 0$ , ma  $p$  e  $V$  cambiano

Dunque  $U = U(T)$ , è funzione solo di  $T$  in un gas perfetto