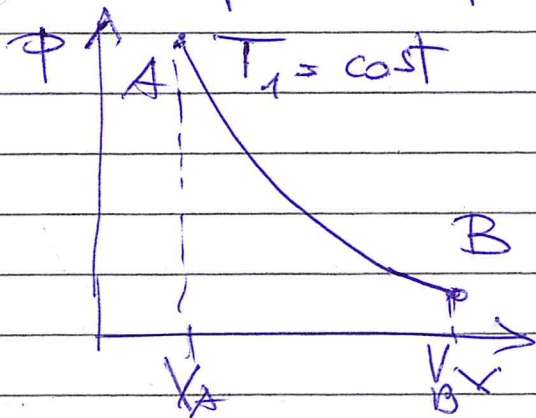


Secondo principio della Termodinamica

- Il primo principio esprime la conservazione dell'energia, stabilendo l'impossibilità di "creare energia" e di realizzare il moto perpetuo di 1^a specie (macchina che sostiene indefinitamente il moto senza immissione di energia). Però non pone limiti alle possibilità di convertire calore in lavoro.

- Questi limiti sono definiti dal 2^o principio della Termodinamica, che esprime l'impossibilità di realizzare il moto perpetuo di 2^a specie (macchina che produce lavoro sottraendo calore ad una sola sorgente). Il 2^o principio riconosce i limiti nelle possibilità di convertire calore in lavoro tramite una macchina termica (ciclica).

- Esempio: Espansione isoterma reversibile (pari ideale)



$$\Delta U = 0$$

$$W = Q = nRT_1 \log(V_B/V_A)$$

$$\text{Per } V_B > V_A$$

$$W = Q > 0$$

Tutto il calore estratto alla (unica) sorgente a temp. T₁ è convertito in lavoro. Però...

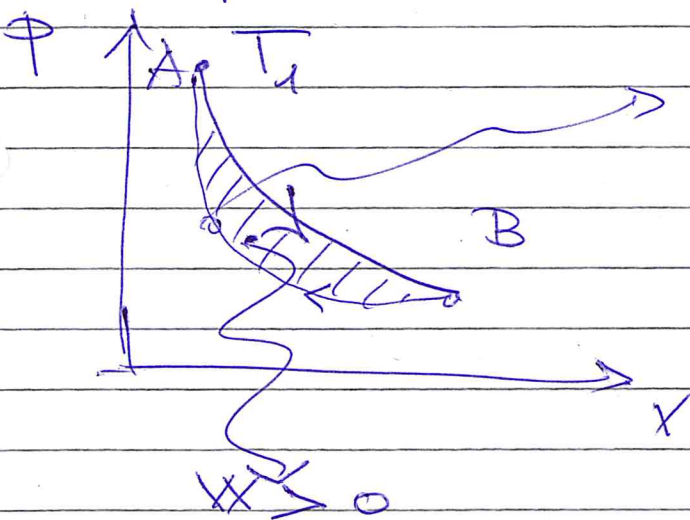
... L'espansione non può proseguire indefinitamente e per ottenere lavoro in modo utile è necessario operare con una macchina ciclica

• Un ciclo ottenuto con compressione isoterma alla medesima temp. T_1 e che riporta il volume da V_B a V_A non produce lavoro netto

$$W_{BA} = -W_{AB} \Rightarrow W=0, Q=0, \Delta U=0$$

• Per realizzare un ciclo con lavoro netto $W > 0$ bisogna scambiare calore con più di una sorgente (a temp. diverse)

• Esempio:



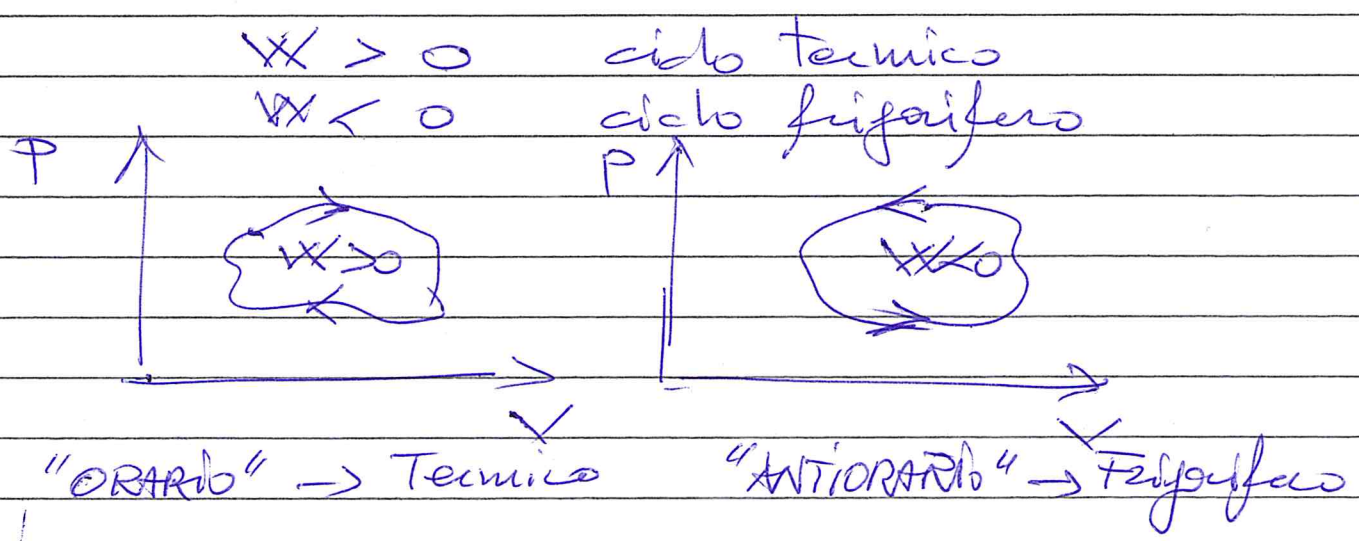
La temperatura del punto lungo q.s. trasformazione è $\neq T_1$ (non sono sulle stesse isoterme nel diagramma (p, V))

In q.s. trasformazione $W > 0$ e $W = Q$, perché $\Delta U = 0$ su un ciclo. Però Q non è scambiato con una sola sorgente, ed è la somma (algebraica) del calore assorbito e ceduto alle sorgenti

Cicli termici (cicli di macchina termica)

x trasformazioni cicliche con $\Delta U = 0$ ottenute dalla SEQUENZA di TRASFORMAZIONI REVERSIBILI o IRREVERSIBILI, con scambi di calore con n sorgenti a temp. differenti (n può essere infinito per trasformazioni reversibili - quasi equilibrio)

x Lavoro della macchine termica:



x Poiché $\Delta U = 0$, $Q = W \leq 0$ \rightarrow termico / \rightarrow frigorifero

La macchina termica (frigorifero) assorbe (cede) calore netto dall'ambiente, scambiandolo con n sorgenti a temp. costante (eventualmente con $n = \infty$, nel limite continuo)

○ x Per ciascuna sorgente a temperatura T_i indichiamo con Q_i il calore netto scambiato con essa

• Per CALORE NETTO si intende la somma algebrica di tutto il calore scambiato con la i -esima sorgente. Durante un ciclo la macchina termica può scambiare calore con l'ambiente alla temp T_c più volte

○ Definiamo qta' di CALORE ASSORBITO durante il ciclo la somma del calore netto Q_i assorbiti da tutte le sorgenti per cui $Q_i > 0$

$$Q_A = \sum_{Q_i > 0} Q_i \quad \text{CALORE ASSORBITO}$$

Analogamente, CALORE CEDUTO:

$$Q_c = \sum_{Q_i < 0} Q_i \quad \text{CALORE CEDUTO}$$

Il lavoro di un ciclo termico (o frigorifero) è

$$W = Q_A + Q_c$$

Si definiscono:

Rendimento di macchina termica $\eta = \frac{W}{Q_A} = 1 + \frac{Q_c}{Q_A} = 1 - \frac{|Q_c|}{Q_A} \leq 1$

○ Coeff di Prestazione di macchina frigorifera $\xi = \frac{Q_F}{|W|}$ (Q_F dello scf. freddo) segue

x In una macchina tecnica $W > 0$
 e in generale $Q_A \geq W$, poiché
 $Q_C \leq 0$ (per convenzioni di segni il
 calore ceduto è negativo)

x In una macchina frigorifera $W < 0$.
 Nelle situazioni più semplici il
 sistema assorbe calore da una sorgente
 FREDDA (cioè quella a temp. minore nel
 ciclo), assorbe lavoro dall'ambiente ($W < 0$)
 e cede calore Q_C ad una sorgente calda

In q.s. configurazioni $Q_F = Q_A$ (il calore
 è assorbito da una sola sorgente),

Poiché $W = Q_A + Q_C = Q_F + Q_C < 0$

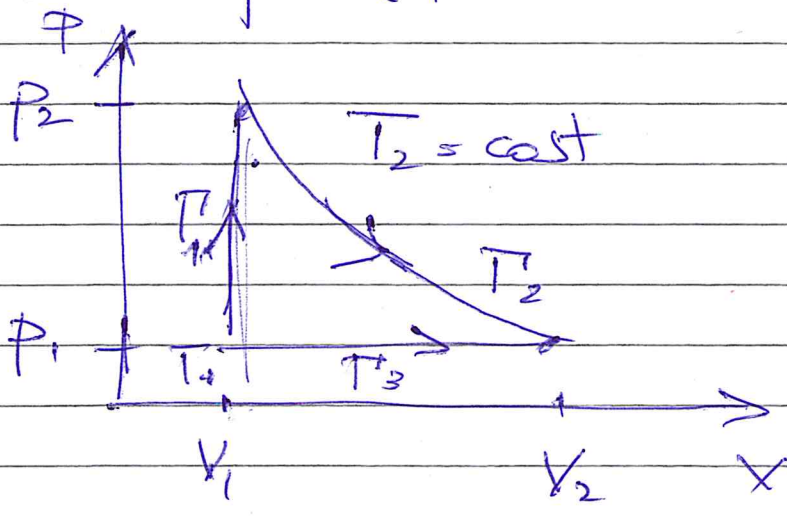
Si ha' che $|Q_C| > Q_F$

Dunque :

macchina tecnica ideale	$\eta = 1$
" frigorifera "	$\epsilon = \infty$

(calore sottratto ad una sorgente senza consumo
 di lavoro nel ciclo $-W = 0$)

Esempio (per chiarire la def. di Q_A e Q_C)



Ciclo reversibile

Γ_1 : isocora

$$Q = nC_V(T_2 - T_1) > 0$$

Assorbito dal sistema
da ∞ sorgenti tra T_1 e T_2

Γ_2 : espansione isoterma

$$\Delta U = 0$$

$$Q = W = nRT_2 \log(V_2/V_1) > 0$$

Assorbito a T_2

Γ_3 : compressione isocora

$$Q = (C_V + R)(T_1 - T_2) < 0$$

Ceduto a ∞ sorgenti tra T_1 e T_2

Nel ciclo non viene assorbito calore netto dalle sorgenti a temp. comprese tra T_2 e T_1 , ma solo durante la trasformazione isoterma

$$\rightarrow Q_X = \sum_{Q_i > 0} Q_i$$

comprende solo il Q_1 della trasformazione isoterma

Dunque, secondo definizione:

$Q_A = nRT_2 \log(V_2/V_1) > 0$

$Q_C = nR(T_1 - T_2) < 0$

$[Q_{A1} = nC_V(T_2 - T_1) \text{ e } Q_{C3} = C_V(T_1 - T_2) \text{ si elidono}]$

$W = Q_A + Q_C = nRT_2 \log(V_2/V_1) + nR(T_1 - T_2)$

Notare che sommando tutti i lavori su ciascuna traj. si ottiene lo stesso risultato

$W = \cancel{Q}(T_1) + \cancel{Q}(T_2) + \cancel{Q}(T_3) =$

$= nC_V(T_2 - T_1) + nRT_2 \log(V_2/V_1) + (C_V + R)n(T_1 - T_2)$

$= nRT_2 \log(V_2/V_1) + nR(T_1 - T_2)$

Dunque $W = Q_A + Q_C$ e $W = \sum_i Q_i(T_i)$ (e anche $W = \sum_i W(T_i)$, ovviamente)

⇒ Cio' ci si deve prestare attenzione e' Q_A , e di conseguenza il rendimento, prendendo solo i termini con $Q_i > 0$

$\eta = 1 - \frac{|Q_C|}{Q_A} = 1 - \frac{nR(T_1 - T_2)}{nRT_2 \log(V_2/V_1)}$

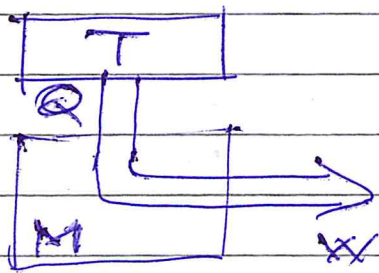
$(\frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1} \text{ isoterma}) = 1 - \frac{\Delta T}{T_2 \log(T_2/T_1)} < 1$

Per non potendo realizzare cicli che scambiano calore con una sola sorgente, ci si può chiedere se sia possibile realizzare cicli in cui il calore è scambiato con N sorgenti, ma Q_A è assorbito da una sola sorgente e $Q_C = 0$.

Per ogni macchina si avrebbe $\eta = 1$ ma l'evidenza sperimentale indica l'impossibilità di realizzare macchine di q.s. tipo -

Q.s. impossibilità è promossa a Postolato (2° principio della termodinamica)

→ Postolato di KELVIN

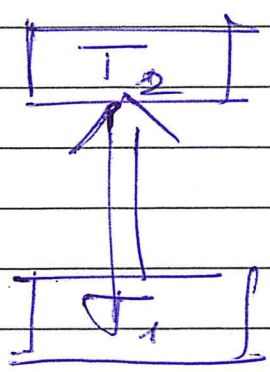


Transformation Conversion

Impossibile realizzare una ~~macchina termica~~ ~~che si muove~~ il cui unico effetto è la ~~trasformazione~~ trasformazione interpretabile in W del calore Q sottratto ad un unica sorgente a Temp costante

Una formulazione alternativa del 2° principio della termodinamica è espressa dal postolato di CLAUDIUS, che sancisce l'impossibilità di realizzare un ciclo frigorifero con coefficiente di prestazione infinito

Postolato di Clausius



Impossibile realizzare una trasformazione il cui unico risultato sia il trasferimento di Q da una sorgente a T_1 ad una a T_2 con temp $T_2 > T_1$

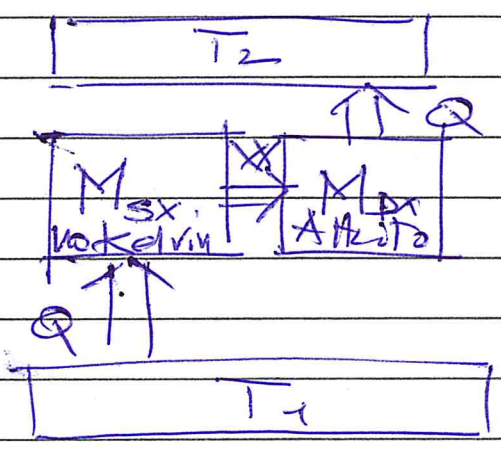
x Note:

- Il criterio d'ordine $T_2 > T_1$ è stato definito in riferimento al processo di equilibrio termico spontaneo
- I postulati limitano trasformazioni il cui unico effetto sia quello descritto, ma non impediscono:
 - 1) La conversione di Q in W e di W in Q
 - 2) La realizzazione di macchine frigorifere (trasferimento di Q da T_1 a T_2 , con $T_1 < T_2$ con immissione di lavoro assorbito dal sistema)
 - 3) La realizzazione di macchine termiche che scambiano calore con più di una sorgente

Equivalenza dei postulati

La negazione dell'uno è in contraddizione con la validità dell'altro

A) Si neghi post. Kelvin, allora è possibile la macchina in figura, ottenuta dalla combinazione di:



• M_{sx} (no Kelvin): sottrae Q alla sorgente a temp T_1 e lo trasforma integralmente in lavoro W

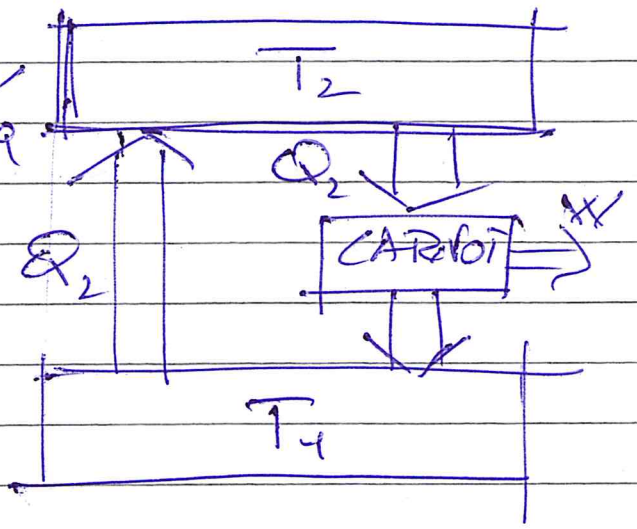
• M_{Ax} converte W in calore per attrito (non ci sono limitazioni alla conversione integrale di W in Q) e lo cede a T_2 con $T_2 > T_1$

⇒ La trasformazione complessiva trasferisce Q da T_1 a T_2 ($T_2 > T_1$) ⇒ INCOMPATIBILE CON P. DI CAUSALI!

B) Si assume che esista una macchina (*) che può lavorare tra DUE sorgenti T_1 e T_2 e scambiando calori Q_1 e Q_2 , producendo lavoro $W = Q_1 + Q_2$

(*) Mostriamo tra poco che esiste almeno una macchina termica con ps caratteristiche: LA MACCHINA DI CARNOT

- Se negli post. CLAUSIUS, allora è possibile la macchina composta in figura:



- A dx (no CLAUSIUS) il calore Q_2 è trasferito da T_4 a T_2 ($T_2 > T_4$)

- A dx una macchina (di CARNOT) opportunamente dimensionata sottrae Q_2 a T_2 , cede Q_1 a T_4 ($|Q_1| < Q_2$) e produce lavoro $W = Q_2 + Q_1 > 0$

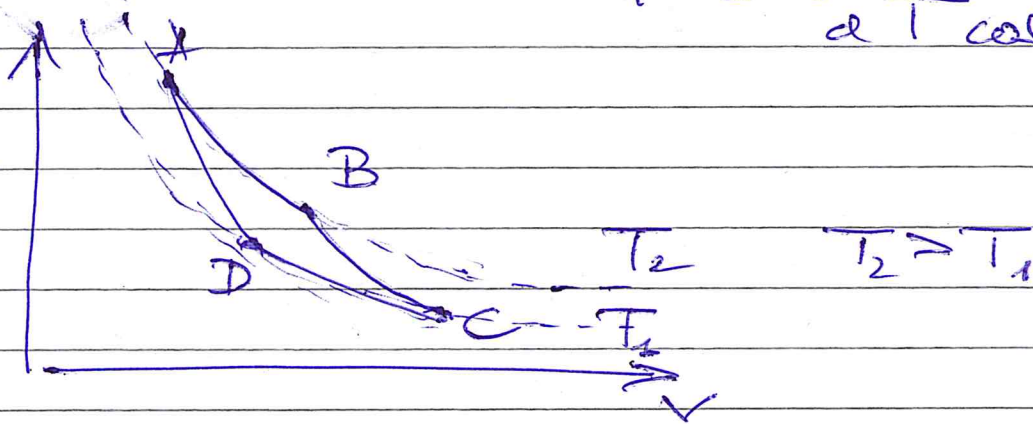
Il ciclo complessivo produce lavoro positivo assorbendo calore netto solo dalla sorgente a temp T_4 (non c'è assorbimento netto a T_2) \Rightarrow INCOMPATIBILE CON POSTULATO DI KELVIN

\rightarrow I due postulati e la loro equivalenza esprime il 2° principio della termodinamica

Chiamiamo ora la Macchina di CARNOT, specificando che è l'unica possibile realizzazione di un ciclo reversibile con gas ideale che scambia calore con DUE SOLE sorgenti a temp differenti e costanti

CICLO DI CARNOT

Macchina reversibile tra T_1 e T_2 (due L.R. sorgenti a T costante)



T_{AB} = espansione isoterma a T_2
 $W = Q_2 = nRT_2 \log(V_B/V_A) > 0$
 Lavoro positivo e calore esercitato dal sistema a T_2 : $Q_A = Q_2$

T_{BC} = espansione adiabatica $Q_{BC} = 0$
 $W_{BC} = -\Delta U_{BC} = C_V(T_1 - T_2)$

T_{CD} = compressione isoterma a T_1
 $W = Q_1 = nRT_1 \log(V_D/V_C) < 0$
 Lavoro negativo ($V_D < V_C$) e calore ceduto dal sistema $Q_C = Q_1$

T_{DA} = compressione adiabatica $Q_{DA} = 0$
 $W_{DA} = -\Delta U_{DA} = -C_V(T_2 - T_1) = -W_{BC}$

Rendimento : $\eta = \frac{Q_2 + Q_1}{Q_2} = 1 - \frac{|Q_1|}{Q_2}$

Calcolo del rendimento delle macchine di CARNOT

$$\eta = 1 - \frac{Q_1}{Q_2} = 1 - \frac{nRT_1 \log(V_D/V_C)}{nRT_2 \log(V_B/V_A)} \quad (*)$$

I volumi sono legati alle Temp. T_2 e T_1 dalle condizioni di equilibrio adiabatico lungo le trasformazioni T_{BC} e T_{DA} :

$$\begin{aligned} T_2 V_B^{\gamma-1} &= T_1 V_C^{\gamma-1} \\ T_2 V_A^{\gamma-1} &= T_1 V_D^{\gamma-1} \end{aligned}$$

Dal rapporto ed elevando per $(\gamma-1)$, si ottiene

$$V_B/V_A = V_C/V_D$$

Sostituendo in (*) e sfruttando le proprietà del log

$$\eta = 1 - \frac{T_1}{T_2} \quad \left(= 1 - \frac{|Q_1|}{Q_2} \right)$$

Il rendimento delle macchine di CARNOT a gas perfetto dipende solo dalle Temp. di esercizio (e non dal gas, monoatomico, biatomico, ecc.)

Questioni

- x Come dipende il rendimento dallo sostanza?
- x Qual è il rendimento massimo di una macchina termica?